

# Programme de colle 30

8 au 12 juin 2026

## Notions

---

↳ *En un coup d'œil, les notions qui ont été vues en cours et sur lesquelles portent les colles de la semaine.*

### Chapitre 25 : Développements limités

- Application des développements limités : calcul de limites, d'équivalents, étude des extrema locaux, étude de la position par rapport à la tangente, notion de point d'inflexion et de point ordinaire.
- Quelques notions sur les développements asymptotiques, étude de la position par rapport à l'asymptote.

### Chapitre 26 : Applications linéaires

- Notion d'application linéaire, opérations, somme, composition, distributivité, bijection réciproque.
- Noyau, image, rang, le théorème du rang et ses conséquences.
- Matrice d'une applications linéaire dans des bases, lien entre opérations sur les applications linéaires et opérations sur les matrices.

## Savoir-faire

---

↳ *Description des compétences attendues et des types d'exercices possibles.*

- Utiliser les développements limités pour étudier les problèmes classiques d'analyse : limites, équivalents, extrema locaux, tangentes, asymptotes.
- Calculer avec des applications linéaires.
- Étudier le noyau ou l'image d'une application linéaire, étudier l'injectivité et la surjectivité.
- Travailler avec la matrice d'une application linéaire.

## Questions de cours

---

↳ *Les questions à travailler et à savoir refaire, incluant l'énoncé précis et la démonstration.*

- La somme et la composée d'applications linéaires sont encore linéaires.
- Si  $f : E \rightarrow F$  est une application linéaire, alors  $\text{Ker}(f)$  et  $\text{Im}(f)$  sont des sous-espaces vectoriels.
- Une application linéaire  $f : E \rightarrow F$  est injective si et seulement si  $\text{Ker}(f) = \{\vec{0}_E\}$ .
- Pour toute base  $(\vec{e}_1, \dots, \vec{e}_n)$  de  $E$ , pour toute famille de vecteurs  $(\vec{v}_1, \dots, \vec{v}_n)$  de  $F$ , il existe une unique application linéaire  $f : E \rightarrow F$  telle que  $\forall 1 \leq i \leq n, f(\vec{e}_i) = \vec{v}_i$ .
- Théorème du rang.
- Deux définitions équivalentes d'hyperplan pour un sous-espace vectoriel  $H \subset \mathbb{R}^n$ .