

Programme de colle 1

15 au 19 septembre 2025

Notions

↪ En un coup d'œil, les notions qui ont été vues en cours et sur lesquelles portent les colles de la semaine.

Chapitre 1 : Logique

- Assertions : exemples, constructions avec *et*, *ou*, *non*, tables de vérités, lois de Morgan, distributivité, implication, réciproque, équivalence, contraposée.
- Ensembles : diverses constructions, inclusion, ensemble des parties, union, intersection, différence, complémentaire, leurs propriétés de distributivité et lois de Morgan, produit cartésien, listes.
- Quantificateurs : pour tout, il existe, leur négation, assertions à plusieurs quantificateurs et problème de l'ordre des quantificateurs.

Chapitre 2 : Méthodes de démonstration

- Démontrer des implications, contraposées, démontrer par l'absurde, raisonnement par équivalences.
- Démontrer des inclusions ou des égalités d'ensembles.
- Démontrer des assertions avec $\forall x$ (dont disjonction de cas), $\exists x$ (dont théorème des valeurs intermédiaires, analyse-synthèse, unicité).
- Pas de récurrence cette semaine.

Savoir-faire

↪ Description des compétences attendues et des types d'exercices possibles.

- Démontrer une équivalence entre assertions en utilisant une table de vérité.
- Manipuler et comprendre des ensembles sous différentes formes (paramétrés ou par des propriétés, le produit cartésien).
- Lire et comprendre une assertion avec plusieurs quantificateurs, écrire la négation, comprendre le problème de l'ordre des quantificateurs.
- Utiliser les notions de logique ci-dessus pour rédiger une petite démonstration.
- Révisions calcul : équations de degré 2, racines carrées, exponentielle et logarithme, tableaux de signe.

Questions de cours

↪ Les questions à travailler et à savoir refaire, incluant l'énoncé précis et la démonstration.

- Énoncer les lois de Morgan sur les assertions, en démontrer une avec une table de vérité.
- Définition de la contraposée d'une implication, montrer qu'une implication est équivalente à sa contraposée à l'aide d'une table de vérité.
- Énoncer les propriétés de distributivité de l'union et de l'intersection sur les ensembles, en démontrer une.
- Énoncer les lois de Morgan pour des ensembles, en démontrer une.
- Démontrer que pour $x \in \mathbb{R}$, $|x| \leq M \iff -M \leq x \leq M$.
- Démontrer l'inégalité triangulaire.